

Документ подписан простотой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Сенченко Павел Васильевич  
Должность: Проректор по учебной работе  
Дата подписания: 18.10.2023 08:11:34  
Уникальный программный ключ:  
27e516f4c088deb62ba68945f4406e13fd454355

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**

**«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ  
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»  
(ТУСУР)**



УТВЕРЖДАЮ  
Директор департамента образования  
Документ подписан электронной подписью  
Сертификат: 1сбсfa0a-52a6-4f49-aef0-5584d3fd4820  
Владелец: Троян Павел Ефимович  
Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**МАТЕМАТИКА**

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**  
Направление подготовки / специальность: **09.03.01 Информатика и вычислительная техника**  
Направленность (профиль) / специализация: **Системы автоматизированного проектирования**  
Форма обучения: **заочная (в том числе с применением дистанционных образовательных технологий)**  
Факультет: **Факультет дистанционного обучения (ФДО)**  
Кафедра: **Кафедра компьютерных систем в управлении и проектировании (КСУП)**  
Курс: **1, 2**  
Семестр: **1, 2, 3**  
Учебный план набора 2019 года

**Объем дисциплины и виды учебной деятельности**

| Виды учебной деятельности                                | 1 семестр | 2 семестр | 3 семестр | Всего | Единицы |
|--|-----------|-----------|-----------|-------|---------|
| Самостоятельная работа                                   | 128       | 123       | 123       | 374   | часов   |
| Самостоятельная работа под руководством преподавателя    | 8         | 8         | 8         | 24    | часов   |
| Контрольные работы                                       | 4         | 4         | 4         | 12    | часов   |
| Подготовка и сдача экзамена/зачета                       | 4         | 9         | 9         | 22    | часов   |
| Общая трудоемкость<br>(включая промежуточную аттестацию) | 144       | 144       | 144       | 432   | часов   |
|  |           |           |           | 12    | з.е.    |

| Формы промежуточной аттестация | Семестр | Количество |
|--------------------------------|---------|------------|
| Зачет                          | 1       |            |
| Контрольные работы             | 1       | 2          |
| Экзамен                        | 2       |            |
| Контрольные работы             | 2       | 2          |
| Экзамен                        | 3       |            |
| Контрольные работы             | 3       | 2          |

## 1. Общие положения

### 1.1. Цели дисциплины

1. Изучение основных математических понятий, их взаимосвязи и развития, а также отвечающих им методов расчёта, используемых для анализа, моделирования и решения прикладных задач с применением информационно-коммуникационных технологий.

### 1.2. Задачи дисциплины

1. Развитие алгоритмического и логического мышления студентов. Овладение методами исследования и решения математических задач. Выработка у студентов умения самостоятельно расширять свои математические знания и проводить математический анализ прикладных задач.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Блок дисциплин: Б1. Дисциплины (модули).

Индекс дисциплины: Б1.О.12.

Реализуется с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий.

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО и основной образовательной программой (таблица 3.1):

Таблица 3.1 – Компетенции и индикаторы их достижения

| Компетенция                             | Индикаторы достижения компетенции | Планируемые результаты обучения по дисциплине |
|---|-----------------------------------|---|
| <b>Универсальные компетенции</b>        |                                   |   |
| -                                       | -                                 | -   |
| <b>Общепрофессиональные компетенции</b> |                                   |   |

|  |  |   |
|--|--|---|
| ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности | ОПК-1.1. Знает основы логики, математики, физики, вычислительной техники и программирования  | Знает основные понятия и методы линейной алгебры и аналитической геометрии, дифференциального и интегрального исчисления, дифференциальных и разностных уравнений, используемых при изучении специальных дисциплин и при решении профессиональных задач с применением информационно-коммуникационных технологий и способствующих дальнейшему самообразованию в профессиональной деятельности. |
|  | ОПК-1.2. Умеет планировать и формулировать задачи исследования, решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования | Умеет применять математические методы и вычислительные алгоритмы при решении профессиональных задач на основе информационной и библиографической культуры с учетом информационной безопасности и пользоваться математической литературой при самоорганизации и самообразовании в профессиональной деятельности.   |
|  | ОПК-1.3. Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности, математического моделирования различных процессов   | Владеет методами анализа и алгоритмизации математических задач, используемых при решении профессиональных задач с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности и необходимых в дальнейшем при самообразовании в профессиональной деятельности.  |
| <b>Профессиональные компетенции</b>  |  |   |
| -  | -  | -   |

**4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 12 зачетных единиц, 432 академических часов.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам учебной деятельности представлено в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины по видам учебной деятельности

| Виды учебной деятельности   | Всего часов | Семестры  |           |           |
|---|-------------|-----------|-----------|-----------|
|   |             | 1 семестр | 2 семестр | 3 семестр |
| <b>Контактная аудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего</b> | 36          | 12        | 12        | 12        |
| Самостоятельная работа под руководством преподавателя                   | 24          | 8         | 8         | 8         |
| Контрольные работы  | 12          | 4         | 4         | 4         |

|   |     |     |     |     |
|---|-----|-----|-----|-----|
| <b>Самостоятельная работа обучающихся, в т.ч. контактная внеаудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего</b> | 374 | 128 | 123 | 123 |
| Подготовка к контрольной работе   | 60  | 24  | 20  | 16  |
| Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины  | 314 | 104 | 103 | 107 |
| <b>Подготовка и сдача зачета</b>  | 4   | 4   |     |     |
| <b>Подготовка и сдача экзамена</b>  | 18  |     | 9   | 9   |
| <b>Общая трудоемкость (в часах)</b>   | 432 | 144 | 144 | 144 |
| <b>Общая трудоемкость (в з.е.)</b>  | 12  | 4   | 4   | 4   |

## 5. Структура и содержание дисциплины

### 5.1. Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности

Структура дисциплины по разделам (темам) и видам учебной деятельности приведена в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности

| Названия разделов (тем) дисциплины  | Контр. раб. | СРП, ч. | Сам. раб., ч | Всего часов (без промежуточной аттестации) | Формируемые компетенции |
|---|-------------|---------|--------------|--|-------------------------|
| <b>1 семестр</b>  |             |         |              |  |                         |
| 1 Матрицы и определители  | 4           | 1       | 20           | 25   | ОПК-1                   |
| 2 Линейные пространства   |             | 1       | 21           | 22   | ОПК-1                   |
| 3 Системы линейных уравнений  |             | 2       | 21           | 23   | ОПК-1                   |
| 4 Алгебра геометрических векторов   |             | 1       | 22           | 23   | ОПК-1                   |
| 5 Функции в линейных пространствах  |             | 2       | 21           | 23   | ОПК-1                   |
| 6 Приложение линейной алгебры   |             | 1       | 23           | 24   | ОПК-1                   |
| Итого за семестр  | 4           | 8       | 128          | 140  |                         |
| <b>2 семестр</b>  |             |         |              |  |                         |
| 7 Введение в математический анализ  | 4           | 4       | 60           | 68   | ОПК-1                   |
| 8 Дифференциальное исчисление   |             | 4       | 63           | 67   | ОПК-1                   |
| Итого за семестр  | 4           | 8       | 123          | 135  |                         |
| <b>3 семестр</b>  |             |         |              |  |                         |
| 9 Уравнения первого порядка. Уравнения высших порядков                                    | 4           | 2       | 30           | 36   | ОПК-1                   |
| 10 Системы дифференциальных уравнений. Элементы теории устойчивости. Разностные уравнения |             | 2       | 32           | 34   | ОПК-1                   |
| 11 Неопределённый интеграл. Определённый интеграл   |             | 2       | 30           | 32   | ОПК-1                   |
| 12 Кратные интегралы. Криволинейные и поверхностные интегралы                             |             | 2       | 31           | 33   | ОПК-1                   |
| Итого за семестр  | 4           | 8       | 123          | 135  |                         |
| Итого   | 12          | 24      | 374          | 410  |                         |

### 5.2. Содержание разделов (тем) дисциплины

Содержание разделов (тем) дисциплины приведено в таблице 5.2.  
Таблица 5.2 – Содержание разделов (тем) дисциплины

| Названия разделов (тем) дисциплины | Содержание разделов (тем) дисциплины  | СРП, ч | Формируемые компетенции |
|------------------------------------|---|--------|-------------------------|
| <b>1 семестр</b>                   |   |        |                         |
| 1 Матрицы и определители           | Понятие матрицы. Некоторые виды матриц. Действия над матрицами. Понятие определителя порядка $n$ . Определители второго и третьего порядка. Свойства определителей. Обратная матрица. Решение матричных уравнений.  | 1      | ОПК-1                   |
|                                    | Итого   | 1      |                         |
| 2 Линейные пространства            | Определение линейного пространства. Линейно зависимые и линейно независимые системы векторов. Размерность линейных пространств. Базис и координаты. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре и её следствия. Евклидовы линейные пространства. Переход от одного базиса к другому . | 1      | ОПК-1                   |
|                                    | Итого   | 1      |                         |
| 3 Системы линейных уравнений       | Формы записи систем линейных уравнений. Характеристика систем. Решение определённых систем. Решение неопределённых систем. Системы линейных однородных уравнений.   | 2      | ОПК-1                   |
|                                    | Итого   | 2      |                         |
| 4 Алгебра геометрических векторов  | Линейные операции над векторами. Базисы и координаты. Деление отрезка в заданном отношении. Проекция вектора на ось. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение и его свойства. Смешанное произведение.  | 1      | ОПК-1                   |
|                                    | Итого   | 1      |                         |
| 5 Функции в линейных пространствах | Функции, отображения. Линейные операторы. Матрица линейного оператора. Собственные векторы и собственные числа линейного оператора. Линейные формы. Билинейные и квадратичные формы.  | 2      | ОПК-1                   |
|                                    | Итого   | 2      |                         |
| 6 Приложение линейной алгебры      | Основные задачи аналитической геометрии. Прямая на плоскости. Кривые второго порядка. Приведение уравнений кривых второго порядка. Полярная система координат. Плоскость. Прямая в пространстве. Цилиндры, конусы, поверхности вращения. Поверхности второго порядка.             | 1      | ОПК-1                   |
|                                    | Итого   | 1      |                         |
| Итого за семестр                   |   | 8      |                         |
| <b>2 семестр</b>                   |   |        |                         |

|  |  |   |       |
|--|--|---|-------|
| 7 Введение в математический анализ                     | Множества. Операции над множествами. Числовые множества. Границы числовых множеств. Функции или отображения. Системы окрестностей в $\mathbb{R}$ и $\mathbb{R}^n$ . Предел функции. Непрерывность функции в точке. Замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции.   | 4 | ОПК-1 |
|  | Итого  | 4 |       |
| 8 Дифференциальное исчисление                          | Дифференцируемые отображения. Строение производной матрицы. Некоторые свойства производных. Производная по направлению. Производные высших порядков. Функции, заданные параметрически, и их дифференцирование. Функции, заданные неявно, и их дифференцирование. Геометрический и механический смысл производной. Уравнение касательной к кривой. Уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности. Дифференциал функции. Дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. Основные теоремы дифференциального исчисления. Правило Лопиталя. Условия постоянства функции. Условия монотонности функции. Экстремумы. Выпуклость вверх и вниз графика функции. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функции и построения графиков. | 4 | ОПК-1 |
|  | Итого  | 4 |       |
| Итого за семестр                                       |  | 8 |       |
| <b>3 семестр</b>                                       |  |   |       |
| 9 Уравнения первого порядка. Уравнения высших порядков | Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения. Постановка задачи о выделении решений. Теорема существования и единственности. Линейные уравнения первого порядка. Уравнения Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах. Приближенные методы решения дифференциальных уравнений. Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Уравнения с правой частью специального вида.  | 2 | ОПК-1 |
|  | Итого  | 2 |       |

|   |   |    |       |
|---|---|----|-------|
| 10 Системы дифференциальных уравнений. Элементы теории устойчивости. Разностные уравнения | Системы дифференциальных уравнений в симметричной форме. Метод интегрируемых комбинаций. Системы линейных дифференциальных уравнений. Однородные системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных. Определение устойчивости по Ляпунову. Устойчивость линейных систем. Устойчивость по первому приближению. Разностные уравнения первого порядка. Разностные уравнения второго порядка. | 2  | ОПК-1 |
|   | Итого   | 2  |       |
| 11 Неопределённый интеграл. Определённый интеграл   | Определение и свойства. Приемы нахождения неопределённых интегралов. Задача интегрирования в конечном виде. Интеграл как функция верхнего предела. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям в определенном интеграле. Замена переменных в определенном интеграле. Приближенное вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы. Приложения определенного интеграла.   | 2  | ОПК-1 |
|   | Итого   | 2  |       |
| 12 Кратные интегралы. Криволинейные и поверхностные интегралы                             | Вычисление кратных интегралов. Замена переменных в кратных интегралах. Приложения кратных интегралов. Кривые на плоскости и в пространстве. Поверхности в пространстве. Криволинейные и поверхностные интегралы первого рода. Криволинейные и поверхностные интегралы второго рода. Элементы теории поля.   | 2  | ОПК-1 |
|   | Итого   | 2  |       |
| Итого за семестр  |   | 8  |       |
| Итого   |   | 24 |       |

### 5.3. Контрольные работы

Виды контрольных работ и часы на контрольные работы приведены в таблице 5.3.  
Таблица 5.3 – Контрольные работы

| № п.п.           | Виды контрольных работ                            | Трудоемкость, ч | Формируемые компетенции |
|------------------|---|-----------------|-------------------------|
| <b>1 семестр</b> |   |                 |                         |
| 1                | Контрольная работа                                | 2               | ОПК-1                   |
| 2                | Контрольная работа с автоматизированной проверкой | 2               | ОПК-1                   |
| Итого за семестр |   | 4               |                         |
| <b>2 семестр</b> |   |                 |                         |
| 3                | Контрольная работа с автоматизированной проверкой | 2               | ОПК-1                   |
| 4                | Контрольная работа                                | 2               | ОПК-1                   |

|                  |   |    |       |
|------------------|---|----|-------|
| Итого за семестр |   | 4  |       |
| <b>3 семестр</b> |   |    |       |
| 5                | Контрольная работа с автоматизированной проверкой | 2  | ОПК-1 |
| 6                | Контрольная работа                                | 2  | ОПК-1 |
| Итого за семестр |   | 4  |       |
| Итого            |   | 12 |       |

#### 5.4. Лабораторные занятия

Не предусмотрено учебным планом

#### 5.5. Контроль самостоятельной работы (курсовой проект / курсовая работа)

Не предусмотрено учебным планом

#### 5.6. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 5.6.

Таблица 5.6 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

| Названия разделов (тем) дисциплины | Виды самостоятельной работы  | Трудоемкость, ч | Формируемые компетенции | Формы контроля      |
|------------------------------------|--|-----------------|-------------------------|---------------------|
| <b>1 семестр</b>                   |  |                 |                         |                     |
| 1 Матрицы и определители           | Подготовка к контрольной работе  | 4               | ОПК-1                   | Контрольная работа  |
|                                    | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 16              | ОПК-1                   | Зачёт, Тестирование |
|                                    | Итого  | 20              |                         |                     |
| 2 Линейные пространства            | Подготовка к контрольной работе  | 4               | ОПК-1                   | Контрольная работа  |
|                                    | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 17              | ОПК-1                   | Зачёт, Тестирование |
|                                    | Итого  | 21              |                         |                     |
| 3 Системы линейных уравнений       | Подготовка к контрольной работе  | 4               | ОПК-1                   | Контрольная работа  |
|                                    | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 17              | ОПК-1                   | Зачёт, Тестирование |
|                                    | Итого  | 21              |                         |                     |



|  |  |     |       |                          |
|--|--|-----|-------|--------------------------|
| 4 Алгебра<br>геометрических<br>векторов  | Подготовка к<br>контрольной работе   | 4   | ОПК-1 | Контрольная<br>работа    |
|  | Самостоятельное<br>изучение тем<br>(вопросов)<br>теоретической части<br>дисциплины | 18  | ОПК-1 | Зачёт,<br>Тестирование   |
|  | Итого  | 22  |       |                          |
| 5 Функции в<br>линейных<br>пространствах | Подготовка к<br>контрольной работе   | 4   | ОПК-1 | Контрольная<br>работа    |
|  | Самостоятельное<br>изучение тем<br>(вопросов)<br>теоретической части<br>дисциплины | 17  | ОПК-1 | Зачёт,<br>Тестирование   |
|  | Итого  | 21  |       |                          |
| 6 Приложение<br>линейной алгебры         | Подготовка к<br>контрольной работе   | 4   | ОПК-1 | Контрольная<br>работа    |
|  | Самостоятельное<br>изучение тем<br>(вопросов)<br>теоретической части<br>дисциплины | 19  | ОПК-1 | Зачёт,<br>Тестирование   |
|  | Итого  | 23  |       |                          |
| Итого за семестр                         |  | 128 |       |                          |
|  | Подготовка и сдача<br>зачета   | 4   |       | Зачет                    |
| <b>2 семестр</b>                         |  |     |       |                          |
| 7 Введение в<br>математический<br>анализ | Самостоятельное<br>изучение тем<br>(вопросов)<br>теоретической части<br>дисциплины | 50  | ОПК-1 | Тестирование,<br>Экзамен |
|  | Подготовка к<br>контрольной работе   | 10  | ОПК-1 | Контрольная<br>работа    |
|  | Итого  | 60  |       |                          |
| 8 Дифференциальное<br>исчисление         | Самостоятельное<br>изучение тем<br>(вопросов)<br>теоретической части<br>дисциплины | 53  | ОПК-1 | Тестирование,<br>Экзамен |
|  | Подготовка к<br>контрольной работе   | 10  | ОПК-1 | Контрольная<br>работа    |
|  | Итого  | 63  |       |                          |
| Итого за семестр                         |  | 123 |       |                          |
|  | Подготовка и сдача<br>экзамена   | 9   |       | Экзамен                  |
| <b>3 семестр</b>                         |  |     |       |                          |

|   |  |     |       |                       |
|---|--|-----|-------|-----------------------|
| 9 Уравнения первого порядка. Уравнения высших порядков                                    | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 26  | ОПК-1 | Тестирование, Экзамен |
|   | Подготовка к контрольной работе  | 4   | ОПК-1 | Контрольная работа    |
|   | Итого  | 30  |       |                       |
| 10 Системы дифференциальных уравнений. Элементы теории устойчивости. Разностные уравнения | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 28  | ОПК-1 | Тестирование, Экзамен |
|   | Подготовка к контрольной работе  | 4   | ОПК-1 | Контрольная работа    |
|   | Итого  | 32  |       |                       |
| 11 Неопределённый интеграл. Определённый интеграл   | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 26  | ОПК-1 | Тестирование, Экзамен |
|   | Подготовка к контрольной работе  | 4   | ОПК-1 | Контрольная работа    |
|   | Итого  | 30  |       |                       |
| 12 Кратные интегралы. Криволинейные и поверхностные интегралы                             | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 27  | ОПК-1 | Тестирование, Экзамен |
|   | Подготовка к контрольной работе  | 4   | ОПК-1 | Контрольная работа    |
|   | Итого  | 31  |       |                       |
| Итого за семестр  |  | 123 |       |                       |
|   | Подготовка и сдача экзамена  | 9   |       | Экзамен               |
| Итого   |  | 396 |       |                       |

### 5.7. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности представлено в таблице 5.7.

Таблица 5.7 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

| Формируемые компетенции | Виды учебной деятельности |     |           | Формы контроля                                   |
|-------------------------|---------------------------|-----|-----------|--|
|                         | Конт.Раб.                 | СРП | Сам. раб. |  |
| ОПК-1                   | +                         | +   | +         | Зачёт, Контрольная работа, Тестирование, Экзамен |

### 6. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

Рейтинговая система не используется

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 7.1. Основная литература

1. Магазинников Л. И. Высшая математика. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников Л. И., Магазинников А. Л. - Томск: Эль Контент, 2013. - 116 с. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).
2. Ельцов А. А. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - Томск: Эль Контент, 2013. - 104 с. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).
3. Ельцов А. А. Интегральное исчисление [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - Томск: Эль Контент, 2013. - 138 с. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).
4. Магазинников Л. И. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: Учебное пособие / Магазинников Л. И., Магазинникова А. Л. - Томск: Эль Контент, 2012. - 180 с. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).

### 7.2. Дополнительная литература

1. Авилова, Л.В. Практикум и индивидуальные задания по векторной алгебре и аналитической геометрии (типовые расчеты) [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л.В. Авилова, В.А. Болотнюк, Л.А. Болотнюк. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2013. — 288 с. Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/37330> (доступ из личного кабинета студента).
2. Берман, Г.Н. Сборник задач по курсу математического анализа [Электронный ресурс]: 2018-07-12 / Г.Н. Берман. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2018. — 492 с. Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/107905> (доступ из личного кабинета студента).
3. Бермант, А.Ф. Краткий курс математического анализа [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.Ф. Бермант, И.Г. Араманович. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 736 с. Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/2660> (доступ из личного кабинета студента).
4. Бибииков, Ю.Н. Курс обыкновенных дифференциальных уравнений [Электронный ресурс] : учебное пособие / Ю.Н. Бибииков. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2011. — 304 с. Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/1542> (доступ из личного кабинета студента).

### 7.3. Учебно-методические пособия

#### 7.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Мещеряков П.С. Математика [Электронный ресурс]: методические указания по организации самостоятельной работы для студентов заочной формы обучения технических направлений подготовки, обучающихся с применением дистанционных образовательных технологий / П.С. Мещеряков, В.В. Кручинин. – Томск : ФДО, ТУСУР, 2018. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).
2. Магазинникова А. Л. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия. [Электронный ресурс]: Учебно-методическое пособие / Магазинникова А. Л., Магазинников Л. И. - Томск: ФДО, ТУСУР, 2012. - 86 с. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).
3. Магазинников Л. И. Высшая математика. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: Учебно-методическое пособие / Магазинников Л. И., Магазинников А. Л. - Томск: ФДО, ТУСУР, 2013. - 96 с. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).
4. Ельцов А. А. Интегральное исчисление. [Электронный ресурс]: Методические указания / Ельцов А. А., Ельцова Т. А. - Томск: ФДО, ТУСУР, 2013. - 60 с. Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library> (доступ из личного кабинета студента).

#### 7.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

#### **7.4. Иное учебно-методическое обеспечение**

1. Магазинников Л.И.. Математика. Дифференциальные исчисления [Электронный ресурс]: электронный курс / Л.И. Магазинников. – Томск ТУСУР, ФДО, 2013. (доступ из личного кабинета студента).

2. Ельцов А.А. Математика. Дифференциальные уравнения. Интегральное исчисление [Электронный ресурс]: электронный курс / А. А. Ельцов. – Томск ТУСУР, ФДО, 2013. (доступ из личного кабинета студента).

3. Магазинникова А.Л. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия. [Электронный ресурс]: электронный курс / А. Л. Магазинникова. – Томск ТУСУР, ФДО, 2013. (доступ из личного кабинета студента).

#### **7.5. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. При изучении дисциплины рекомендуется обращаться к современным базам данных, информационно-справочным и поисковым системам, к которым у ТУСУРа открыт доступ: <https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh>.

2. eLIBRARY.RU: крупнейший российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образования ( <https://www.elibrary.ru>).

3. zbMATH: самая полная математическая база данных ( <https://zbmath.org/>).

### **8. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины**

#### **8.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины**

Учебные аудитории для проведения занятий лабораторного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, для самостоятельной работы студентов

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Веб-камера - 6 шт.;
- Наушники с микрофоном - 6 шт.;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- 7-Zip;
- Google Chrome;
- Kaspersky Endpoint Security для Windows;
- LibreOffice;
- Microsoft Windows;

#### **8.2. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 209 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду ТУСУРа.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

### **8.3. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями зрения** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## **9. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

### **9.1. Содержание оценочных материалов для текущего контроля и промежуточной аттестации**

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы, представленные в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Формы контроля и оценочные материалы

| Названия разделов (тем) дисциплины | Формируемые компетенции | Формы контроля     | Оценочные материалы (ОМ)  |
|------------------------------------|-------------------------|--------------------|---|
| 1 Матрицы и определители           | ОПК-1                   | Зачёт              | Перечень вопросов для зачета                                    |
|                                    |                         | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |                         | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |

|                                    |       |                    |   |
|------------------------------------|-------|--------------------|---|
| 2 Линейные пространства            | ОПК-1 | Зачёт              | Перечень вопросов для зачета                                    |
|                                    |       | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
| 3 Системы линейных уравнений       | ОПК-1 | Зачёт              | Перечень вопросов для зачета                                    |
|                                    |       | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
| 4 Алгебра геометрических векторов  | ОПК-1 | Зачёт              | Перечень вопросов для зачета                                    |
|                                    |       | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
| 5 Функции в линейных пространствах | ОПК-1 | Зачёт              | Перечень вопросов для зачета                                    |
|                                    |       | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
| 6 Приложение линейной алгебры      | ОПК-1 | Зачёт              | Перечень вопросов для зачета                                    |
|                                    |       | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
| 7 Введение в математический анализ | ОПК-1 | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
|                                    |       | Экзамен            | Перечень экзаменационных вопросов                               |
| 8 Дифференциальное исчисление      | ОПК-1 | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|                                    |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
|                                    |       | Экзамен            | Перечень экзаменационных вопросов                               |

|   |       |                    |   |
|---|-------|--------------------|---|
| 9 Уравнения первого порядка.<br>Уравнения высших порядков                                 | ОПК-1 | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|   |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
|   |       | Экзамен            | Перечень экзаменационных вопросов                               |
| 10 Системы дифференциальных уравнений. Элементы теории устойчивости. Разностные уравнения | ОПК-1 | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|   |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
|   |       | Экзамен            | Перечень экзаменационных вопросов                               |
| 11 Неопределённый интеграл.<br>Определённый интеграл                                      | ОПК-1 | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|   |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
|   |       | Экзамен            | Перечень экзаменационных вопросов                               |
| 12 Кратные интегралы.<br>Криволинейные и поверхностные интегралы                          | ОПК-1 | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
|   |       | Тестирование       | Примерный перечень тестовых заданий                             |
|   |       | Экзамен            | Перечень экзаменационных вопросов                               |

Шкала оценки сформированности отдельных планируемых результатов обучения по дисциплине приведена в таблице 9.2.

Таблица 9.2 – Шкала оценки сформированности планируемых результатов обучения по дисциплине

| Оценка                     | Баллы за ОМ                                | Формулировка требований к степени сформированности планируемых результатов обучения |   |  |
|----------------------------|--|---|---|--|
|                            |  | знать   | уметь   | владеть  |
| 2<br>(неудовлетворительно) | < 60% от максимальной суммы баллов         | отсутствие знаний или фрагментарные знания  | отсутствие умений или частично освоенное умение             | отсутствие навыков или фрагментарные навыки                |
| 3<br>(удовлетворительно)   | от 60% до 69% от максимальной суммы баллов | общие, но не структурированные знания   | в целом успешно, но не систематически осуществляемое умение | в целом успешное, но не систематическое применение навыков |

|             |  |   |  |  |
|-------------|--|---|--|--|
| 4 (хорошо)  | от 70% до 89% от максимальной суммы баллов | сформированные, но содержащие отдельные проблемы знания | в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы умение | в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы применение навыков |
| 5 (отлично) | ≥ 90% от максимальной суммы баллов         | сформированные систематические знания                   | сформированное умение                                    | успешное и систематическое применение навыков                        |

Шкала комплексной оценки сформированности компетенций приведена в таблице 9.3.  
Таблица 9.3 – Шкала комплексной оценки сформированности компетенций

| Оценка                     | Формулировка требований к степени компетенции  |
|----------------------------|--|
| 2<br>(неудовлетворительно) | Не имеет необходимых представлений о проверяемом материале или<br>Знать на уровне <b>ориентирования</b> , представлений. Обучающийся знает основные признаки или термины изучаемого элемента содержания, их отнесенность к определенной науке, отрасли или объектам, узнает в текстах, изображениях или схемах и знает, к каким источникам нужно обращаться для более детального его усвоения. |
| 3<br>(удовлетворительно)   | Знать и уметь на <b>репродуктивном</b> уровне. Обучающихся знает изученный элемент содержания репродуктивно: произвольно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях.   |
| 4 (хорошо)                 | Знать, уметь, владеть на <b>аналитическом</b> уровне. Зная на репродуктивном уровне, указывать на особенности и взаимосвязи изученных объектов, на их достоинства, ограничения, историю и перспективы развития и особенности для разных объектов усвоения.   |
| 5 (отлично)                | Знать, уметь, владеть на <b>системном</b> уровне. Обучающийся знает изученный элемент содержания системно, произвольно и доказательно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях, учитывая и указывая связи и зависимости между этим элементом и другими элементами содержания дисциплины, его значимость в содержании дисциплины.                             |

### 9.1.1. Примерный перечень тестовых заданий

1. Найдите матрицу

$$C = 3 \begin{bmatrix} 2 & -3 & 3 \\ 4 & -1 & 2 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 2 & 0 & 5 \\ 4 & 0 & 5 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 1-го столбца матрицы C.

2. Найдите матрицу

$$C = 3 \begin{bmatrix} 3 & -1 & 4 \\ 5 & 1 & 5 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 2 & -2 & 1 \\ 4 & -2 & 4 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 1-го столбца матрицы.

3. Найдите матрицу

$$C = 4 \begin{bmatrix} 5 & 0 & 3 \\ 5 & 1 & 3 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 4 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 3 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 1-го столбца матрицы C.



4. Даны две матрицы

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & 1 & -3 \\ 5 & 1 & 5 & -2 \\ 4 & 1 & 4 & -2 \end{bmatrix} \text{ и } B = \begin{bmatrix} 5 & 0 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 4 & -1 \\ 1 & 0 & 4 & 0 \\ 4 & 1 & 2 & -3 \end{bmatrix}$$

Найдите элемент  $C_2^1$  матрицы  $C=A \times B$ . Верхний индекс номер строки.

5. Даны две матрицы

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -3 & 1 & -3 \\ 4 & 0 & 5 & -1 \\ 4 & 0 & 4 & -2 \end{bmatrix} \text{ и } B = \begin{bmatrix} 3 & -3 & 1 & -1 \\ 4 & -1 & 5 & 0 \\ 1 & -2 & 2 & 1 \\ 5 & 0 & 3 & -2 \end{bmatrix}$$

Найдите элемент  $C_1^2$  матрицы  $C=A \times B$ . Верхний индекс номер строки.

6. Вычислите определитель пятого порядка

$$D = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 8 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & 10 & 1 & 6 \\ 0 & 1 & 9 & 1 & 4 \\ 1 & 6 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 11 & 7 & 8 \end{vmatrix}$$

7. Вычислите определитель пятого порядка

$$D = \begin{vmatrix} 0 & 4 & 6 & 7 & 9 \\ 0 & 4 & 7 & 5 & 7 \\ 1 & 8 & 3 & 7 & 0 \\ 0 & 4 & 8 & 7 & 9 \\ 0 & 4 & 9 & 3 & 1 \end{vmatrix}$$

8. Дана матрица

$$A = \begin{bmatrix} -3 & -3 & 6 \\ -4 & -3 & 4 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

Докажите, что она имеет обратную  $A^{-1}$ , и найдите элемент обратной матрицы, стоящей в строке 2 и столбце 1.

В ответ введите значение этого элемента. Не целое число округлите до трех значащих (отличных от нуля) цифр десятичной дроби.

9. Дана матрица

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & 2 \\ 3 & -1 & 3 \\ 5 & -5 & 5 \end{bmatrix}$$

Докажите, что она имеет обратную  $A^{-1}$ , и найдите элемент обратной матрицы, стоящей в строке 3 и столбце 3.

В ответ введите значение этого элемента. Не целое число округлите до трех значащих (отличных от нуля) цифр десятичной дроби.

10. В матрице размером (11, 7) четыре элемента равны единице, а все остальные равны нулю. Ненулевые элементы расположены так, что в каждой строке и каждом столбце не более одного ненулевого элемента.

Чему равен ранг матрицы?

а) 7 б) 4 в) 11 г) 3

11. Для функции  $y = \sqrt{x}$  определите следующее:

а) область определения:

1.  $(-\infty, +\infty)$ ;
2.  $(0, +\infty)$ ;
3.  $[0, +\infty)$ ;
4.  $[-1, 1]$

б) область значений:

1.  $(-\infty, +\infty)$ ;
2.  $(0, +\infty)$ ;
3.  $[0, +\infty)$ ;
4.  $\left[-\frac{\pi}{2}, +\frac{\pi}{2}\right]$ ;
5.  $\left(-\frac{\pi}{2}, +\frac{\pi}{2}\right)$ ;
6.  $(0, \pi)$ ;
7.  $[0, \pi]$

в) области монотонного убывания и возрастания:

1. монотонно возрастает во всей области определения;
2. монотонно убывает во все области определения;
3. монотонно убывает на  $(-\infty, 0)$ ;
4. монотонно возрастает на  $(0, +\infty)$ ;

г) четность функции:

1. четная;
2. нечетная;
3. общего вида.

В ответ сначала введите номер выбранного варианта по пункту а), затем через точку с запятой по пункту б) и т.д.

Пример ввода ответа 3;7;1;3

12. Найдите предел последовательности

$$y_n = \frac{-9n^3 + 4n^2 + 3n - 7}{-10 + 7n - n^3} - \frac{10n}{n + 2}$$

при  $n \rightarrow \infty$ .

Если предел не существует, введите слово **нет**. Если предел бесконечен, введите **бск**.

13. Найдите предел последовательности

$$y_n = \frac{-5n^2 - 6n + 8}{8n^3 - 9n - 8} + 4 \cdot \sqrt{\frac{n + 2}{n + 8}}$$

при  $n \rightarrow \infty$ .

Если предел не существует, введите слово **нет**. Если предел бесконечен, введите **бск**.

14. Найдите предел последовательности

$$y_n = \frac{-n^3 - 6n^2 + 8n - 6}{3 + 6n + 16n^2 - n^3} + \frac{3n - 4}{n + 2}$$

при  $n \rightarrow \infty$ .

Если предел не существует, введите слово **нет**. Если предел бесконечен, введите **бск**.

15. Производная функции одной переменной в точке, есть предел при приращении аргумента, стремящегося к нулю:
  - a. Частного приращения функции к приращению аргумента
  - b. Произведения приращения функции на приращение аргумента
  - c. Дифференциальных сумм
  - d. Не имеет никакого отношения к пределам
16. Дифференциал функции одного аргумента, это:
  - a. Главная часть приращения функции
  - b. Главная часть приращения аргумента
  - c. Полное приращение функции
  - d. Производная функции
17. Неопределенный интеграл это:
  - a. Совокупность всех первообразных подынтегральной функции
  - b. Совокупность всех производных подынтегральной функции
  - c. Число, по модулю равное площади криволинейной трапеции ограниченной подынтегральной функцией
  - d. Предел интегральных сумм
18. Интеграл по бесконечному интервалу от непрерывной функции либо по конечному интервалу от функции, имеющей разрыв на этом интервале, называется:
  - a. Несобственный
  - b. Определенный
  - c. Расходящийся
  - d. Сходящийся
19. Обыкновенное дифференциальное уравнение первого порядка — это уравнение:
  - a. Которое связывает воедино независимую переменную, неизвестную функцию и ее производную.
  - b. При решении которого надо вычислять дифференциал
  - c. Таких уравнений не существует
  - d. Которое не содержит независимую переменную.
20. Порядок дифференциального уравнения — это:
  - a. Наивысший порядок производной неизвестной функции, входящей в это уравнение.
  - b. Наивысшая степень неизвестной функции, входящей в это уравнение.
  - c. Сумма порядков производных неизвестной функции в уравнении.
  - d. Наивысшая степень независимого аргумента в уравнении.

### 9.1.2. Перечень экзаменационных вопросов

1. Найдите матрицу

$$C = 4 \begin{bmatrix} 3 & 1 & 3 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 4 & -3 & 4 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 3-го столбца матрицы C.

2. Даны две матрицы

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -3 & 1 & -3 \\ 4 & 0 & 5 & -1 \\ 4 & 0 & 4 & -2 \end{bmatrix} \text{ и } B = \begin{bmatrix} 3 & -3 & 1 & -1 \\ 4 & -1 & 5 & 0 \\ 1 & -2 & 2 & 1 \\ 5 & 0 & 3 & -2 \end{bmatrix}$$

Найдите элемент  $C_4^1$  матрицы  $C=A \times B$ . Верхний индекс номер строки.

3. Найдите матрицу

$$C = 3 \begin{bmatrix} 4 & 0 & 5 \\ 2 & -3 & 1 \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} 4 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 3-го столбца матрицы  $C$ .

4. Дана система:

$$\begin{cases} 3x + 3y + z = 19 \\ 2x + y + 2z = 14 \\ x + 4y + 2z = 25 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную  $x$ .

5. Дана система:

$$\begin{cases} 4x + 3y + z = 8 \\ 4x + 2y + 4z = 10 \\ 4x + 3y + 4z = 11 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную  $x$ .

6. Дана система:

$$\begin{cases} 4x + 4y + z = 13 \\ 2x + 3y + 4z = 12 \\ x + 3y + z = 8 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную  $x$ .

7. Дана функция

$$f(x) = \begin{cases} -7x, & \text{если } x \leq 5; \\ -10x - 1, & \text{если } 5 < x \leq 6; \\ -9x - 7, & \text{если } x > 6. \end{cases}$$

Вычислите значение функции в точке  $x_0 = -1$ .

8. Дана функция

$$f(x) = \begin{cases} -7x, & \text{если } x \leq 3; \\ 7x - 3, & \text{если } x > 3. \end{cases}$$

Вычислите значение функции в точке  $x_0 = 7$ .

9. Дана функция

$$f(x) = \begin{cases} -5x, & \text{если } x \leq 7; \\ 4x + 7, & \text{если } x > 7. \end{cases}$$

Вычислите значение функции в точке  $x_0 = -6$ .

10. Дана функция

$$f(x) = \begin{cases} 2x, & \text{если } x \leq -7; \\ 2x + 5, & \text{если } -7 < x \leq 0; \\ 2x + 3, & \text{если } x > 0. \end{cases}$$

Вычислите значение функции в точке  $x_0 = -1$ .

### 9.1.3. Перечень вопросов для зачета

1. Найдите матрицу

$$C = 4 \begin{bmatrix} 5 & -1 & 3 \\ 5 & -1 & 5 \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} 5 & 0 & 1 \\ 4 & -3 & 4 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 2-ого столбца матрицы C.

2. Найдите матрицу

$$C = 2 \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 4 & -2 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} + 4 \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ 1 & 0 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 2-ого столбца матрицы C.

3. Даны две матрицы:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -3 & 1 & -3 \\ 1 & -2 & 4 & -2 \\ 5 & -1 & 2 & -3 \end{bmatrix} \text{ и } B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 & -2 \\ 4 & -3 & 2 & -2 \\ 5 & 1 & 4 & -1 \\ 4 & -2 & 3 & -3 \end{bmatrix}$$

Найдите элемент  $C_4^1$  матрицы  $C = A \cdot B$ . Верхний индекс номер строки.

4. Найдите матрицу

$$C = 3 \begin{bmatrix} 4 & 0 & 5 \\ 2 & -3 & 3 \end{bmatrix} + 2 \begin{bmatrix} 3 & 0 & 2 \\ 1 & 1 & 4 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 3-ого столбца матрицы C.

5. Найдите матрицу

$$C = 2 \begin{bmatrix} 1 & 0 & 5 \\ 5 & 1 & 2 \end{bmatrix} + 3 \begin{bmatrix} 1 & -3 & 1 \\ 3 & -3 & 1 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 2-ого столбца матрицы C.

6. Дана система:

$$\begin{cases} x + 2y + 2z = 12 \\ x + 3y + 2z = 15 \\ x + y + 3z = 10 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную  $y$ .

7. Дана система:

$$\begin{cases} 4x + 4y + z = 13 \\ 2x + 3y + 4z = 12 \\ x + 3y + z = 8 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную  $y$ .

8. Найдите площадь параллелограмма, построенного на векторах:

$$\vec{a} = (36, -9, -9)$$

$$\vec{b} = (0, 1, -1)$$

9. Найдите площадь параллелограмма, построенного на векторах:

$$\vec{a} = (32, -8, -8)$$

$$\vec{b} = (0, 8, -8)$$

10. Найдите площадь параллелограмма, построенного на векторах:

$$\vec{a} = (32, -8, -8)$$

$$\vec{b} = (0, 6, -6)$$

#### 9.1.4. Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы

Математика

1. Кратные интегралы
2. Дифференциальные уравнения
3. Комплексные числа, многочлены и рациональные дроби
4. Элементы линейной алгебры
5. Элементы аналитической геометрии
6. Введение в математический анализ.
7. Приложения дифференциального исчисления
8. Интегральное исчисление функций одной и многих переменных
9. Криволинейные, поверхностные интегралы.
10. Элементы теории поля.
11. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка.
12. Обыкновенные дифференциальные уравнения высших порядков.
13. Системы дифференциальных уравнений.
14. Разностные уравнения

Математика

1. Найдите собственные числа матрицы

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 4 \\ 0 & 9 & 0 \\ 4 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

В ответ введите собственные числа в порядке возрастания, разделив их точкой с запятой.

Пример ввода ответа: -2;1;3.

2. Докажите, что вектор  $(4; -4)$  является собственным для матрицы

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Найдите собственное число, отвечающее ему.

3. Найдите собственные числа матрицы

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 9 \\ 0 & 12 & 0 \\ 9 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

В ответ введите собственные числа в порядке возрастания, разделив их точкой с запятой.

Пример ввода ответа: -2;1;3.

4. Дана функция

$$f(x) = \begin{cases} -9x, & \text{если } x \leq -2; \\ -9x - 6, & \text{если } -2 < x \leq 3; \\ 9x + 4, & \text{если } x > 3. \end{cases}$$

Вычислите значение функции в точке  $x_0 = -6$ .

5. Для функции  $y = \log_{0,5} x$

а) область определения:

1.  $(-\infty, +\infty)$ ;
2.  $(0, +\infty)$ ;
3.  $[0, +\infty)$ ;
4.  $[-1, 1]$

б) область значений:

1.  $(-\infty, +\infty)$ ;
2.  $(0, +\infty)$ ;
3.  $[0, +\infty)$ ;
4.  $\left[-\frac{\pi}{2}, +\frac{\pi}{2}\right]$ ;
5.  $\left(-\frac{\pi}{2}, +\frac{\pi}{2}\right)$ ;
6.  $(0, \pi)$ ;
7.  $[0, \pi]$ ;

в) области монотонного убывания и возрастания:

1. монотонно возрастает во всей области определения;
2. монотонно убывает во все области определения;
3. монотонно убывает на  $(-\infty, 0)$ ;
4. монотонно возрастает на  $(0, +\infty)$ ;

г) четность функции:

1. четная;
2. нечетная;
3. общего вида.

В ответ сначала введите номер выбранного варианта по пункту а), затем через точку с запятой по пункту б) и т.д.

Пример ввода ответа 3;7;1;3

6. Обыкновенное дифференциальное уравнение первого порядка — это уравнение:

а. Которое связывает воедино независимую переменную, неизвестную функцию и ее производную.

- b. При решении которого надо вычислять дифференциал
- c. Таких уравнений не существует
- d. Которое не содержит независимую переменную.

7. Особое решение дифференциального уравнения:
- a. Не может быть получено из общего решения
  - b. Может быть получено из общего решения фиксированием констант.
  - c. Является суммой общего и частного решения.
  - d. Находится как предел отношения частного решения к общему. □

8. Линейная комбинация решений однородного дифференциального уравнения, порядка выше первого, образующих фундаментальную систему решений:
- a. Обращается в ноль только когда все коэффициенты комбинации равны нулю
  - b. Никогда не обращается в ноль.
  - c. Обращается в ноль не только когда все коэффициенты комбинации равны нулю
  - d. Построить такую линейную комбинацию невозможно.

9. Произведение комплексно сопряженных чисел является:
- a. Чисто действительным числом
  - b. Чисто комплексным числом
  - c. Имеет и действительную и мнимую часть отличные от нуля
  - d. Операция умножения для таких чисел не определена.

10. Если общий член ряда стремится к нулю, то, по виду сходимости, ряд можно отнести к:
- a. Этому условия недостаточно для выяснения сходимости
  - b. Сходящимся абсолютно
  - c. Сходящимся условно
  - d. Расходящимся

## 9.2. Методические рекомендации

Учебный материал излагается в форме, предполагающей самостоятельное мышление студентов, самообразование. При этом самостоятельная работа студентов играет решающую роль в ходе всего учебного процесса.

Начать изучение дисциплины необходимо со знакомства с рабочей программой, списком учебно-методического и программного обеспечения. Самостоятельная работа студента включает работу с учебными материалами, выполнение контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом.

В процессе изучения дисциплины для лучшего освоения материала необходимо регулярно обращаться к рекомендуемой литературе и источникам, указанным в учебных материалах; пользоваться через кабинет студента на сайте Университета образовательными ресурсами электронно-библиотечной системы, а также общедоступными интернет-порталами, содержащими научно-популярные и специализированные материалы, посвященные различным аспектам учебной дисциплины.

При самостоятельном изучении тем следуйте рекомендациям:

– чтение или просмотр материала осуществляйте со скоростью, достаточной для индивидуального понимания и освоения материала, выделяя основные идеи; на основании изученного составить тезисы. Освоив материал, попытаться соотнести теорию с примерами из практики;

– если в тексте встречаются незнакомые или малознакомые термины, следует выяснить их значение для понимания дальнейшего материала;

– осмысливайте прочитанное и изученное, отвечайте на предложенные вопросы.

Студенты могут получать индивидуальные консультации, в т.ч. с использованием средств телекоммуникации.

По дисциплине могут проводиться дополнительные занятия, в т.ч. в форме вебинаров. Расписание вебинаров и записи вебинаров публикуются в электронном курсе по дисциплине.

авы



### 9.3. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 9.2.

Таблица 9.2 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

| Категории обучающихся                         | Виды дополнительных оценочных материалов  | Формы контроля и оценки результатов обучения   |
|---|---|--|
| С нарушениями слуха                           | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы                        | Преимущественно письменная проверка  |
| С нарушениями зрения                          | Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам   | Преимущественно устная проверка (индивидуально)  |
| С нарушениями опорно-двигательного аппарата   | Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету | Преимущественно дистанционными методами  |
| С ограничениями по общемедицинским показаниям | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы         | Преимущественно проверка методами, определяющимися исходя из состояния обучающегося на момент проверки |

### 9.4. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ТЭО  
протокол № 10 от «30» 11 2018 г.

### СОГЛАСОВАНО:

| Должность                          | Инициалы, фамилия | Подпись  |
|------------------------------------|-------------------|--|
| Заведующий выпускающей каф. КСУП   | Ю.А. Шурыгин      | Согласовано,<br>86bee96a-108e-4833-<br>aead-5229de651610 |
| Заведующий обеспечивающей каф. ТЭО | В.В. Кручинин     | Согласовано,<br>9981316d-9009-4fa1-<br>ac30-57783d22ccf5 |
| Декан ФДО                          | И.П. Черкашина    | Согласовано,<br>4580bdea-d7a1-4d22-<br>bda1-21376d739cfc |

### ЭКСПЕРТЫ:

|                                 |                 |  |
|---------------------------------|-----------------|--|
| Доцент, каф. КСУП               | Т.Е. Григорьева | Согласовано,<br>d848614c-1d2f-4e32-<br>b86c-1029abc0b2d5 |
| Старший преподаватель, каф. ТЭО | А.В. Гураков    | Согласовано,<br>4bfa5749-993c-4879-<br>adcf-c25c69321c91 |

### РАЗРАБОТАНО:

|                                 |                 |  |
|---------------------------------|-----------------|--|
| Старший преподаватель, каф. ТЭО | О.И. Мещерякова | Разработано,<br>9e723967-da9f-461b-<br>b8b5-2bb5d64328db |
|---------------------------------|-----------------|--|